

ESERCITAZIONE CON EXCEL SULLE MATRICI

PROBLEMA 1

Date le matrici quadrate $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 3 & 6 & -1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & 1 & 2 \\ 6 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, verificare che la loro somma è commutativa.

ANALISI DEL PROBLEMA

Per poter risolvere il problema proposto, è necessario predisporre le matrici sul foglio elettronico per poi eseguire le operazioni sulle celle.

Si ricordi che date due matrici A, B qualsiasi, la matrice somma $A + B$ è tale che l'elemento di posto (i, j) è uguale alla somma degli elementi di posto (i, j) delle matrici A e B ; cioè se $A = (a_{ij})$ e $B = (b_{ij})$ allora $A + B = (a_{ij} + b_{ij})$.

INDICAZIONI OPERATIVE

1. Apri un foglio di calcolo vuoto
2. Porta il cursore sulla cella $B1$ e scrivi "Matrice A"
3. Porta il cursore sulla cella $A3$ e inserisci l'elemento di posto $(1,1)$ della matrice A
4. Porta il cursore sulla cella $B3$ e inserisci l'elemento di posto $(1,2)$ della matrice A
5. Continua ad inserire tutti gli elementi della matrice A ricordando di posizionarsi sulla cella $A4$ quando si deve inserire l'elemento di posto $(2,1)$ della matrice A e sulla cella $A5$ quando si deve inserire l'elemento di posto $(3,1)$
6. Porta il cursore sulla cella $F1$ e scrivi "Matrice B"
7. A partire dalla cella $E3$, inserisci tutti gli elementi della matrice B seguendo il procedimento fatto per l'inserimento degli elementi della matrice A
8. Porta il cursore sulla cella $B8$ e scrivi "Matrice $A + B$ "
9. Porta il cursore nella cella $A9$ e digita " = $A3 + E3$ "
10. Clicca su *INVIO*
11. Porta il cursore nella cella $B9$ e digita " = $A4 + E4$ "
12. Clicca su *INVIO*
13. Continua la procedura fino a completare tutta la matrice $A + B$
14. Porta il cursore sulla cella $F8$ e scrivi "Matrice $B + A$ "
15. Porta il cursore sulla cella $E9$ e digita " = $E3 + A3$ "
16. Clicca su *INVIO*
17. Porta il cursore sulla cella $F9$ e digita " = $E4 + A4$ "
18. Clicca su *INVIO*
19. Continua la procedura fino a completare tutta la matrice $B + A$

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J	
1		MATRICE A				MATRICE B					
2											
3		2	-1	0		1	2	4			
4		3	6	-1		3	1	2			
5		1	2	1		6	0	3			
6											
7											
8		MATRICE A + B				MATRICE B + A					
9		3	1	4		3	1	4			
10		6	7	1		6	7	1			
11		7	2	4		7	2	4			
12											
13											
14											
15											
16											
17											
18											
19											

PROBLEMA 2

Date le matrici quadrate $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 3 & 6 & -1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & 1 & 2 \\ 6 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, verificare che il loro prodotto non è commutativo.

ANALISI DEL PROBLEMA

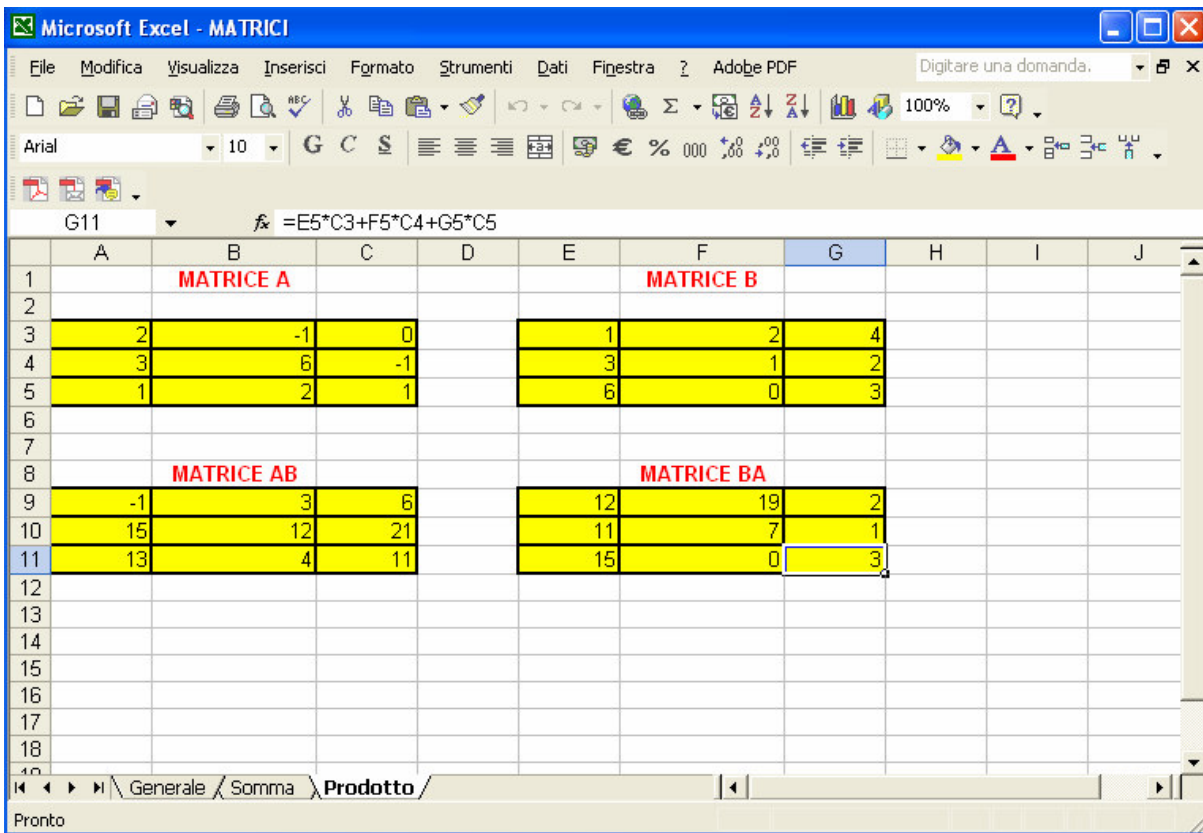
Per poter risolvere il problema proposto, è necessario riprendere le matrici precedentemente inserite sul foglio elettronico e procedere con le operazioni del prodotto righe per colonne.

Si ricordi che date due matrici quadrate A, B qualsiasi, la matrice prodotto $A \cdot B$ è tale che l'elemento di posto (i, j) è uguale alla somma dei prodotti degli elementi della i -ma riga della matrice A per la j -ma colonna della matrice B ; cioè se $A = (a_{ij})$ e $B = (b_{ij})$ allora $A \cdot B = (c_{ij})$,

dove $c_{ij} = \sum_{k=1}^3 a_{ik} b_{kj}$.

INDICAZIONI OPERATIVE

1. Apri un foglio di calcolo vuoto
2. Inserisci i valori della matrice A
3. Inserisci i valori della matrice B
4. Porta il cursore sulla cella $B8$ e scrivi “*Matrice $A \cdot B$* ”
5. Porta il cursore nella cella $A9$ e digita “ $=A3 * E3 + B3 * E4 + C3 * E5$ ”
6. Clicca su *INVIO*
7. Porta il cursore nella cella $B9$ e digita “ $=A3 * F3 + B3 * F4 + C3 * F5$ ”
8. Clicca su *INVIO*
9. Continua la procedura fino a completare tutta la matrice $A \cdot B$
10. Porta il cursore nella cella $F8$ e digita “*Matrice $B \cdot A$* ”
20. Porta il cursore sulla cella $E9$ e digita “ $=E3 + A3$ ”
21. Clicca su *INVIO*
22. Porta il cursore sulla cella $F9$ e digita “ $=E3 * A3 + F3 * A4 + G3 * A5$ ”
23. Clicca su *INVIO*
24. Continua la procedura fino a completare tutta la matrice $B \cdot A$



PROBLEMA 3

Date le matrici quadrate $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 & 0 \\ 3 & 6 & -1 \\ 1 & 2 & 1 \end{pmatrix}$ e $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 \\ 3 & 1 & 2 \\ 6 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, trovare i loro determinanti utilizzando

il primo teorema di Laplace. Fatto ciò, confrontare i valori ottenuti con quelli che si ottengono se si utilizza la funzione **MATR.DETERM**(matrice) predefinita in Excel per il calcolo del determinante di una matrice quadrata.

ANALISI DEL PROBLEMA

Dopo aver inserito le matrici sul foglio elettronico, basta ricordare l'enunciato del teorema di Laplace e sviluppare secondo una opportuna riga/colonna.

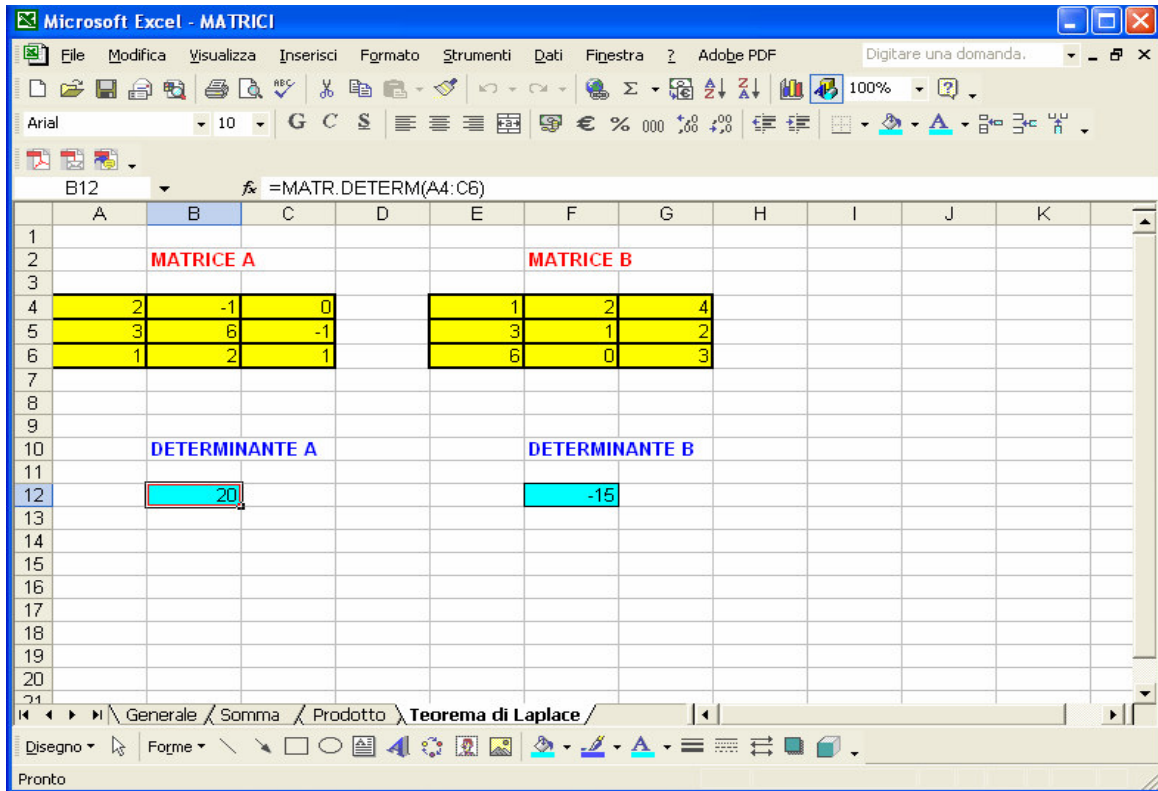
Primo teorema di Laplace: Il determinante di una matrice quadrata è uguale alla somma dei prodotti degli elementi di una riga per i rispettivi complementi algebrici, essendo il complemento algebrico dell'elemento di posto (i, j) il prodotto del fattore $(-1)^{i+j}$ per il determinante della matrice che si ottiene da quella di partenza eliminando la i -ma riga e la j -ma colonna.

INDICAZIONI OPERATIVE

Per poter utilizzare la funzione **MATR.DETERM**(matrice), basta seguire le istruzioni:

1. Posiziona il cursore nella cella *B10*
2. Scrivi DETERMINANTE DI A
3. Posiziona il cursore nella cella B12
4. Digita “ =MATR.DETERM(A4:C6) ”
5. Clicca su *INVIO*

Ripeti gli stessi passi per calcolare il determinante della matrice *B*.



PROBLEMA PROPOSTO

Verifica che per le matrici A e B vale il *teorema di Binet*, cioè che:

$$\det(A \cdot B) = \det(A) \cdot \det(B).$$

Sai dirmi, senza fare i conti, se $\det(B \cdot A) = \det(A \cdot B)$? Motiva la risposta.